

## بهینه‌سازی فرایند انحلال انتخابی لیتیم از باتری لیتیم - یون مستعمل توسط اگزالیک اسید با به کارگیری روش رویه پاسخ

حجت میرزائی قصبه<sup>۱</sup>، علی رضا ذاکری<sup>۲\*</sup>، شمس الدین میردامادی<sup>۳</sup> و میلاد قربانزاده<sup>۳</sup>

- ۱- آزمایشگاه فرایندهای نوین استخراج فلزات و بازیافت، دانشکده مهندسی مواد و متالورژی، دانشگاه علم و صنعت ایران
- ۲- دانشکده مهندسی مواد و متالورژی، دانشگاه علم و صنعت ایران
- ۳- گروه باتری و سنسور، مرکز تحقیقات مواد و انرژی

(دریافت مقاله: ۱۴۰۶/۱۲/۱۷ - دریافت نسخه نهایی: ۱۴۰۷/۰۴/۱۰)

**چکیده**- در این پژوهش، بازگردانی باتری لیتیم- یون از نوع  $\text{LiNi}_x\text{Mn}_y\text{Co}_z\text{O}_2$  با هدف بازیابی لیتیم از کاتد باتری، مورد آزمایش قرار گرفته است. پس از دشارژ و پیاده‌سازی اجزای باتری، کاتد با استفاده از یک خردکن تا ابعاد زیر پنج میلی‌متر ریز شد. سپس آلومینیوم محتوی با انحلال در محلول سدیم هیدروکسید ۲/۵ مولار تحت شرایط دمای محیط و زمان دو ساعت به طور انتخابی از ماده کاتدی حذف شد. در مرحله بعد انحلال انتخابی لیتیم از ماده کاتدی آلومینیوم‌زدایی شده توسط اگزالیک اسید با استفاده از روش رویه پاسخ (طرح مرکب مرکزی) بررسی شد. سه پارامتر زمان (۰-۱۰۰ دقیقه)، دما (۴۰-۷۰°C) و غلظت اگزالیک اسید (۰/۵-۱/۲ مولار) به عنوان متغیرهای کنترل شده و درصد بازیابی لیتیم و غلظت منگنز در محلول به عنوان متغیرهای پاسخ انتخاب شدند. درنهایت با تجزیه و تحلیل آماری نتایج و مدل‌های تعیین شده، شرایط بهینه (زمان ۲۲۲ دقیقه، دمای ۷۰°C درجه سانتی‌گراد و غلظت اگزالیک اسید ۱/۱ مولار) پیش‌بینی شد و تحت این شرایط، بازیابی لیتیم حدود ۹۵ درصد و منگنز حل شده به میزان حدود ۱۱۰ میلی‌گرم بر لیتر به دست آمد.

واژه‌های کلیدی: بازگردانی، باتری لیتیم- یون، انحلال انتخابی، طراحی آزمایش‌ها، اگزالیک اسید.

## Optimization of the Selective Dissolution of Li from the Spent Li-ion Batteries using Oxalic Acid by a Response Surface Methodology

H. Mirzaei-Ghasabé<sup>1</sup>, A. Zakeri<sup>1\*</sup>, Sh. Mirdamadi<sup>2</sup> and M. Ghorbanzadeh<sup>3</sup>

1. Metal Extraction Research Laboratory, School of Metallurgy and Materials Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.
2. School of Metallurgy and Materials Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.
3. Battery and Sensor Group, Materials and Energy Research Center.

**Abstract:** In this study, the recovery of lithium from the cathode of the spent Li-ion batteries of the  $\text{LiNi}_x\text{Mn}_y\text{Co}_z\text{O}_2$  type was investigated. After complete discharging and dismantling, the cathodic section was cut and its aluminum content was selectively dissolved in 2.5 M NaOH solution at room temperature for 2 hr. In the next step, selective dissolution of lithium by oxalic acid from the de-aluminized cathode material was investigated and optimized using the response surface methodology of the central composite design. The effect of three parameters of time (35-100 min), temperature (40-70 °C), and oxalic acid

\*: مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: zakeria@iust.ac.ir

*concentration (0.5-1.2 M) on the lithium recovery percentage and manganese concentration was studied as the response variables. According to the statistical analysis of the results and the developed models, an optimum condition ( $T = 70^\circ\text{C}$ ,  $t = 122$  min and oxalic acid concentration of 1.1 M) was suggested and verified experimentally, resulting in the lithium recovery of about 95% and  $\text{Mn}^{2+}$  concentration of about 110 mg/L.*

**Keywords:** Recycling, Spent Li-ion battery, Selective dissolution, Design of experiments, Oxalic acid.

استقبال محققین در این زمینه قرار گرفته است [۴-۷]. فرایندهای بر مبنای روش هیدرمتالورژی معمولاً پس از مراحل اولیه دشارژ و پیاده‌سازی اجزای باتری با فروشوبی مواد باتری در یک بستر اسیدی آغاز می‌شود. اولین گزارش در زمینه بازیافت باتری‌های لیتیم-یون، در سال ۲۰۰۱ میلادی توسط کانتستیبل و همکاران [۴] منتشر شده است. فرایند آنها شامل جدایش ماده فعال کاتدی از لایه آلومینیومی، انحلال ماده فعال کاتدی در سولفوریک اسید غلیظ و انجام یک مرحله ترسیب شیمیایی کیالت به صورت ترکیب هیدروکسید کیالت در pH حدود ۱۱ بوده است [۴]. در بیشتر تحقیقات، حلال مورد استفاده برای فروشوبی را اسیدهای معدنی نظیر هیدروکلریک اسید، سولفوریک اسید و نیتریک اسید تشکیل داده‌اند [۸-۱۲]. استفاده از روش‌های فروشوبی با استفاده از اسیدهای معدنی سه عیب عمده را به همراه دارد: اول اینکه در حین مرحله فروشوبی با استفاده از این محلول‌ها معمولاً گازهای سمی  $\text{SO}_2$ ,  $\text{Cl}_2$  و  $\text{NO}_x$  آزاد می‌شوند. عیب دوم پساب اسیدی آنها است که در مقایسه با پساب محلول اسیدهای آلی مانند اگزالیک اسید و سیتریک اسید خطرهای زیست‌محیطی بیشتری دارند [۱۳]. حل شدن تمامی اجزای کاتد و آند در محلول فروشوبی اسیدهای معدنی عیب دیگر استفاده از این محلول‌ها است، که برای جداسازی هر کدام از یون‌های حاضر در محلول باید تدبیری جداگانه با هزینه اضافی اندیشیده شود [۱۴]. این در حالی است که اگر از ابتدا فروشوبی با هدف انحلال انتخابی یک عنصر انجام شود، مشکلات بعدی پالایش محلول و رسیدن به ترکیب قابل استفاده از آن عنصر کمتر خواهد بود [۱۵]. محققان برای رفع این مشکلات، استفاده از اسیدهای آلی مانند سیتریک اسید، مالیک اسید و اگزالیک اسید را پیشنهاد داده‌اند. البته طبق تحقیقات انجام شده در مورد استفاده از مالیک اسید و سیتریک

## ۱- مقدمه

پیشرفت سریع فناوری و نیاز روزافزون تجهیزات امروزی به باتری‌های قابل شارژ به عنوان منبع تأمین انرژی، در سالیان اخیر نگرانی‌های زیادی را در رابطه با مشکلات ناشی از دفع باتری‌های مستعمل موجب شده است. در میان باتری‌های قابل شارژ، باتری‌های لیتیم-یون با توجه به ویژگی‌های منحصر به‌فرد نظری عمر مفید طولانی، ظرفیت بالا، دمای کارکرد بالا و زمان شارژ کوتاه مورد توجه بسیاری از صنایع قرار گرفته‌اند. از این‌رو امروزه در بسیاری از وسایل الکترونیکی مانند گوشی تلفن همراه، لپ‌تاپ‌ها، تبلت‌ها و همچنین به عنوان منبع ذخیره انرژی در اتومبیل‌ها و موتورسیکلت‌ها از این باتری‌ها استفاده می‌شود [۱ و ۲]. ژنگ و همکاران [۳] در گزارش خود به این نکته اشاره کرده‌اند که چنانچه روند افزایش تقاضا و تولید این باتری‌ها به همین منوال پیش برود، تا سال ۲۰۲۸ ذخیره لیتیم موجود در کشور چین از مقدار مورد نیاز صنعت کمتر خواهد شد. تولید باتری‌های لیتیم-یون حدود ۴۰ درصد مصرف لیتیم جهان را به خود اختصاص می‌دهد. با توجه به منابع محدود این فلز و سایر فلزات ارزشمند دیگر مورد استفاده در این باتری‌ها نظیر کیالت، نیکل و منگنز، باتری‌های لیتیم-یون مستعمل می‌توانند به عنوان یک منبع ثانویه بزرگ مورد توجه قرار گیرد.

وجود فلزات ارزشمند در باتری‌های لیتیم-یون و قوانین بین‌المللی مربوط به مدیریت پسماند، سبب افزایش توجه محققان به موضوع بازیابی و بازگردانی این باتری‌ها شده است. به طورکلی روش‌های بازیابی این باتری‌ها به دو روش پروره متالورژی و هیدرومتلالورژی تقسیم‌بندی می‌شود. روش هیدرومتلالورژی با توجه به انتشار گازهای مضر کمتر، بازیابی فلزات کامل با خلوص بالاتر و مصرف انرژی کمتر، بیشتر مورد

تأثیر متغیرهای دما، زمان و غلظت اسید با استفاده از روش طراحی آماری آزمایش‌ها مورد پژوهش قرار گرفت و شرایط بهینه انحلال به کمک مدل رویه پاسخ حاصل از تجزیه و تحلیل آماری نتایج تعیین شد. انتخاب اگزالیک اسید بر این اساس صورت گرفت که لیتیم اگزالات، بر خلاف اگزالات سایر فلزات محتوی ماده کاتدی، از حلایت مناسبی برخوردار است. در این تحقیق همچنین از تأثیر مثبت آسیاکاری ماده کاتدی برای بهبود انحلال لیتیم کمک گرفته شد.

## ۲- مواد و روش تحقیق

در این پژوهش از باتری‌های لیتیم-یون (ساخت کارخانه صبا باتری) از نوع  $\text{LiNi}_x\text{Mn}_y\text{Co}_z\text{O}_2$  که اختصاراً به NMC معروف هستند، استفاده شد. همچنین از سدیم هیدروکسید صنعتی (۹۹ درصد) محصول ایران، اگزالیک اسید صنعتی (۹۹/۶ درصد) محصول چین، هیدروکلریک اسید ۳۷ درصد آزمایشگاهی محصول صنایع شیمیایی دکتر مجللی، نیتریک اسید ۶۵ درصد آزمایشگاهی محصول صنایع شیمیایی دکتر مجللی و آب مقطر دوبار تقطیر استفاده شد.

تمامی آنالیزهای عنصری محلول‌ها با استفاده از دستگاه جذب اتمی<sup>۱</sup> GBC-Avanta انجام گرفت. همچنین مشخصه‌یابی فازی مواد اولیه و رسوبات مراحل مختلف با استفاده از آنالیز الگوی پراش پرتو ایکس<sup>۲</sup> و با استفاده از دستگاه X'Pert Philips تعیین شد.

پس از دشارژ<sup>۳</sup> و پیاده‌سازی<sup>۴</sup> کامل باتری‌ها، کاتدهای نواری شکل با استفاده از یک خردکن دستی تا اندازه زیر  $5 \times 5$  میلی‌متر مریع ریز شدند. از ماده کاتدی برای آنالیز فازی و عنصری نمونه‌برداری شد. برای آنالیز عنصری، نمونه به مدت چهار ساعت در تیزاب سلطانی هضم شد و سپس برای آنالیز جذب اتمی آماده‌سازی شد. شکل (۱) مراحل پیاده‌سازی اجزای یک باتری از این نوع را نشان می‌دهد.

ماده کاتدی خرد شده، سپس برای انحلال انتخابی آلومینیوم توسط محلول سدیم هیدروکسید در شرایط ثابت غلظت سدیم

اسید، مشخص شده است که این اسیدها حتی در حضور مقدار کافی ماده احیا کننده هم توانایی انحلال کامل اکسید کیالت ( $\text{Co}_3\text{O}_4$ ) را ندارند [۱۶-۱۹].

جئوسوسان و همکاران [۱۵] در پژوهش خود مقایسه‌ای بین حالهای آلی مختلف انجام داده‌اند. با توجه به نتایج گزارش آنها، اگزالیک اسید لیتیم را به صورت تقریباً کامل در خود حل می‌کند. این درحالی است که کیالت به صورت ترکیب اگزالاتی<sup>۵</sup>  $\text{CoC}_2\text{O}_4$  در پسماند حاصل از فروشی باقی می‌ماند. لیانگ و همکاران [۱۲] به بررسی تأثیر پارامترهای مختلف بر انحلال انتخابی لیتیم با استفاده از اگزالیک اسید پرداخته‌اند. ماده کاتدی مورد استفاده در این پژوهش نیز از نوع لیتیم کیالت اکسید ( $\text{LiCoO}_2$ ) بوده است. این پژوهش به خوبی نمایانگر انتخابی عمل کردن اگزالیک اسید برای انحلال لیتیم در مقابل کیالت است. ژیانگ ژنگ و همکاران [۲۰] در گزارش خود با استفاده از روش طراحی آزمایش، در مورد بهینه‌سازی شرایط فروشی ماده کاتدی توسط اگزالیک اسید تحقیق کرده‌اند. ماده کاتدی مورد استفاده در آزمایش‌های آنها نیز از نوع  $\text{LiCoO}_2$  بوده است. شرایط بهینه به صورت دمای ۹۵ درجه سانتی‌گراد، زمان ۱۵۰ دقیقه، چگالی پالپ ۱۵ گرم بر لیتر، دور همزون ۴۰۰ دور بر دقیقه و غلظت اگزالیک اسید یک مولار بوده، و تحت این شرایط حدود ۹۷ درصد کیالت به صورت اگزالات کیالت و ۹۸ درصد لیتیم به شکل محلول بازیابی شده است.

بیشتر تحقیقات انجام شده در زمینه استفاده از محلول‌های با خاصیت انحلال انتخابی لیتیم، روی کاتد از جنس  $\text{LiCoO}_2$  متمرکز بوده و مواد کاتدی دیگر نظیر  $\text{LiFePO}_4$ ،  $\text{LiMn}_2\text{O}_4$  و  $\text{LiNi}_x\text{Co}_y\text{Al}_z\text{O}_2$  کمتر مدنظر قرار گرفته‌اند. یکی از مواد کاتدی که به تازگی در بسیاری از باتری‌های لیتیم-یون مورد استفاده واقع شده است، ترکیب  $\text{LiNi}_x\text{Mn}_y\text{Co}_z\text{O}_2$  است [۷، ۱۴ و ۲۱]. هدف از انجام این پژوهش، بازیابی لیتیم از باتری‌های لیتیم-یون مستعمل با ماده کاتدی  $\text{LiNi}_x\text{Mn}_y\text{Co}_z\text{O}_2$  با استفاده از روش هیدرومتوالورژی بوده است. در این راستا، انحلال لیتیم توسط اگزالیک اسید تحت



شکل ۱- مراحل پیاده‌سازی اجزای سلول‌های لیتیم-یون: (الف) یک نمونه سلول باتری قبل از عملیات پیاده‌سازی، (ب) سلول‌های باتری بعد از بریدن محفظه فولادی و خارج کردن محتویات آن و (ج) محتویات باتری شامل آند، کاتد، جداکننده و محفظه فولادی

مربوط به نقاط محوری (با ضریب آلفای ۱/۶۸) و پنج آزمایش تکراری مربوط به نقطه مرکزی انجام شد. با توجه به اینکه تصادفی کردن ترتیب انجام آزمایش‌ها نقش مهمی در کاهش اثرگذاری خطأ بر نتایج دارد، آزمایش‌ها از ترتیب استاندارد خارج و به صورت تصادفی اجرا شدند.

از آزمایش‌های اولیه انحلال ماده کاتدی در اگزالیک اسید همچنین مشخص شد که نیکل و کبالت به طور کامل رسوب می‌کنند اما محلول حاصل، بسته به شرایط، دارای مقداری منگنز است. لذا در کنار انحلال حداکثری لیتیم که هدف اصلی این پژوهش بود، حضور حداقلی منگنز در محلول نیز به عنوان هدف فرعی در نظر گرفته شد. بنابراین در تحلیل‌های آماری از درصد بازیابی لیتیم به عنوان پاسخ اول و از غلظت منگنز محلول به عنوان پاسخ دوم استفاده شد. درنهایت بهینه‌سازی هم‌زمان دو پاسخ با بیشینه کردن درصد بازیابی لیتیم و کمینه کردن غلظت منگنز انجام گرفت. همه آزمایش‌های فروشی با اگزالیک اسید در یک راکتور شیشه‌ای و با حجم محلول ۲۰۰ میلی‌لیتر انجام شدند. شرایط ثابت برای آزمایش‌های این مرحله عبارت بودند از دور همزن ۳۰۰ دور بر دقیقه و چگالی پالپ ۵ گرم بر لیتر روند نمای شکل (۲).

مراحل تجربی انجام شده در این پژوهش را نشان می‌دهد.

### ۳- نتایج و بحث

#### ۳-۱- مشخصه‌یابی ماده اولیه

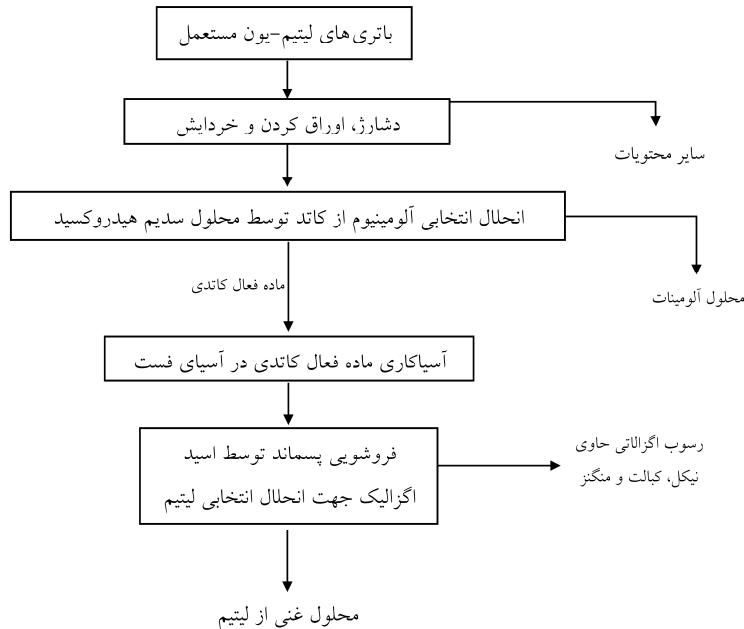
هر سلول باتری لیتیم-یون حدود ۴۰ گرم وزن دارد که نیمی از

هیدروکسید ۲/۵ مولار، دمای محیط، چگالی پالپ ۱۰۰ گرم بر لیتر، زمان دو ساعت و دور همزن ۳۰۰ دور بر دقیقه مورد عمل قرار گرفت. پسمند حاصل از این مرحله که همان ماده فعال کاتدی است، جهت انحلال در اگزالیک اسید جمع‌آوری شد. با توجه به اینکه اگزالیک اسید توانایی انحلال انتخابی لیتیم را دارد، از این رو این اسید به عنوان عامل لیچینگ در این پژوهش انتخاب شد. براساس منابع موجود [۲۲]، اگزالات‌های نیکل و کبالت در آب نامحلولند (حل شوندگی  $1/28 \times 10^{-9}$  و  $8/69 \times 10^{-9}$  گرم بر لیتر در دمای محیط)، در حالی که حل شوندگی منگنز برابر با  $8/59 \times 10^{-2}$  و برای لیتیم برابر  $10/90$  گرم بر لیتر است.

ماده کاتدی آلومینیوم‌زادایی شده قبل از ورود به مرحله فروشی توسط اگزالیک اسید به مدت ۱۵ دقیقه توسط آسیای فست میل خرد شد. بررسی‌های مرحله انحلال در اگزالیک اسید با به کارگیری متدولوژی طراحی آماری آزمایش‌ها انجام شد. انتخاب روش طراحی آزمایش‌ها به هدف کشف اثرات تکی و متقابل متغیرها و نیز بهینه‌سازی فرایند صورت گرفت. بر مبنای آزمایش‌های مقدماتی انجام شده متغیرهای آزمایش و سطوح آنها تعیین شد. این آزمایش‌ها همچنین نشان دادند که بستگی متغیرهای پاسخ به پارامترها خطی نیست، لذا از طرح مرکب مرکزی<sup>۵</sup> که یکی از طرح‌های موسوم به رویه پاسخ<sup>۶</sup> است استفاده شد. جدول (۱) متغیرها و سطوح مورد بررسی توسط این طرح را نشان می‌دهد. بر این اساس تعداد ۱۹ آزمایش شامل هشت آزمایش مربوط به نقاط فاکتوریل، شش آزمایش

جدول ۱- متغیرهای ورودی طرح مرکب مرکزی و سطوح انتخاب شده

سطوح					نماد	متغیر آزمایش
+1/۶۸	+1	۰	-1	-1/۶۸		
۸۰/۲۳	۷۰	۵۵	۴۰	۲۹/۷۷	A	دما (درجه سانتي گراد)
۱۲۲	۹۰	۶۷/۵	۳۵	۱۲/۸۷	B	زمان (دقیقه)
۱/۴۳	۱/۲	۰/۸۵	۰/۵	۰/۲۶	C	غلظت اگزالیک اسید (مول بر لیتر)

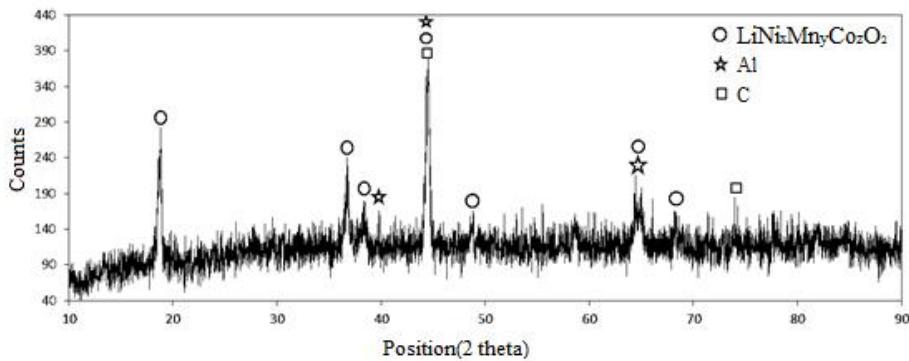


شکل ۲- روند نمای فرایند انجام شده در این پژوهش جهت بازیابی لیتیم از باتری های لیتیم-یون استفاده شده

قوی، طبق نمودار پوربه سیستم  $\text{Al}-\text{H}_2\text{O}$ ، به شکل یون آلومینیات  $[\text{Al}(\text{OH})_4]$  امکان پذیر است. از آنالیز محلول حاصل معلوم شد که همراه با آلومینیوم، لیتیم نیز به میزان کمتر از ۱۰ درصد حل می شود، در حالی که درصد انحلال عناصر نیکل، منگنز و کبالت عملاً صفر است. با توجه به این موضوع که ماده کاتدی در واقع شبکه ای از محلول جامد اکسیدهای منگنز، نیکل و کبالت است، حل نشدن این فلزات دور از انتظار نیست [۱۱]. اما جای طرح این سؤال باقی است که چرا عنصر لیتیم که درون موقعیت های خالی این شبکه قرار گرفته برخلاف این فلزات می تواند حل شود. علت این امر را می توان به این موضوع نسبت داد که لیتیم در حین فرایند شارژ و دشوار بین کاتد و آند

این جرم متعلق به کاتد است. شکل (۳) الگوی پراش پرتو ایکس نمونه کاتد مورد استفاده در این پژوهش را نشان می دهد. همان طور که از این شکل مشخص است، با توجه به تحلیل انجام شده ماده کاتدی مورد استفاده حاوی کبالت، نیکل و منگنز و از نوع  $\text{LiNi}_x\text{Mn}_y\text{Co}_z\text{O}_2$  است. جدول (۲) تجزیه عنصری ماده کاتدی باتری را نشان می دهد.

۲-۳- حذف آلومینیوم توسط محلول سدیم هیدروکسید فروشوبی کاتد در محلول سدیم هیدروکسید به هدف حذف آلومینیوم انجام شد. تحت این شرایط آلومینیوم به طور کامل از کاتد جدا و در محلول حل شد. انحلال آلومینیوم در محیط قلیایی



شکل ۳- الگوی پراش اشعه ایکس ماده کاتدی اولیه

جدول ۲- ترکیب عنصری نمونه ماده کاتدی مورد استفاده (بر اساس آنالیز جذب اتمی)

عنصر	لیتیم	آلومینیوم	منگنز	کربالت	نیکل
درصد وزنی	۶/۹	۸/۵	۱۴/۶۹	۱۵/۶۵	۲۷/۰۱

افزایش ۳۵ درصدی بازیابی لیتیم را بیشتر می‌توان به افزایش سطح تماس ماده کاتدی با محلول اگزالیک اسید نسبت داد. در کاتدهای با ساختار لایه‌ای، لیتیم به صورت یک در میان در لایه‌های ساختار اکسیدها حضور دارد [۲۳]. آسیاکاری ماده کاتدی قبل از فروشوبی سبب کاهش اندازه ذرات و افزایش سطح دسترسی حلال به لیتیم و درنتیجه افزایش چشمگیر بازیابی لیتیم می‌شود. شکل (۴) همچنین نشان می‌دهد که افزایش زمان آسیاکاری از ۱۵ به ۳۰ دقیقه تأثیر چندانی در افزایش بازیابی لیتیم نداشته است. از این‌رو، برای ادامه کار ماده کاتدی آلومینیوم‌زدایی شده به مدت ۱۵ دقیقه آسیاکاری شد. توزیع دانه‌بندی ماده آسیاکاری شده نشان داد که میانگین اندازه ذرات ماده آسیاکاری شده بدست آمده حدود ۵۷ میکرومتر بوده است. همچنین آنالیز عنصری حاصل از جذب اتمی نمونه ماده کاتدی آلومینیوم‌زدایی شده در جدول (۳) ارائه شده است.

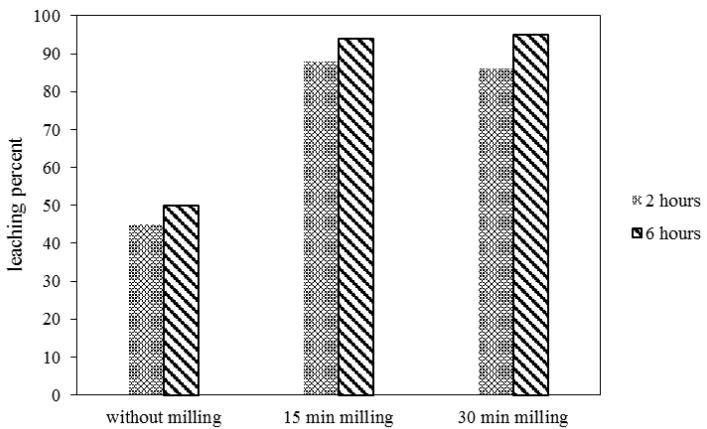
### ۲-۳-۳- آزمایش‌های طرح مرکب مرکزی برای اتحلال لیتیم از ماده کاتدی در اگزالیک اسید

جدول (۴) شرایط آزمایش‌های طرح مرکب مرکزی انجام شده در این پژوهش را به همراه مقادیر پاسخ عملی و پیش‌بینی شده

در حال انتقال است و این ورود و خروج پس از مدتی سبب تجمع مقادیری از لیتیم روی سطح کاتد می‌شود. البته آلودگی کاتد به الکترولیت که شامل ترکیبات لیتیمی (LiPF<sub>6</sub>, LiBF<sub>4</sub>) است هم ممکن است دلیل دیگری بر حضور لیتیم در محلول باشد [۱۱]. به هر حال، مقداری از لیتیم می‌تواند در معرض تماس مستقیم با محلول فروشوبی قرار گیرد و این تماس سبب حل شدن لیتیم در محلول می‌شود.

### ۳- فروشوبی ماده کاتدی آلومینیوم‌زدایی شده توسط اگزالیک اسید

۳-۱- آسیاکاری ماده کاتدی آلومینیوم‌زدایی شده از آزمایش‌های اولیه مشخص شد که برای رسیدن به بازیابی‌های قابل قبول لیتیم، ماده فعل کاتدی قبل از فروشوبی با اگزالیک اسید حتماً باید آسیا شود. اثر آسیاکاری بر بازیابی لیتیم در نمودار شکل (۴) نشان داده شده است. همان‌طور که از شکل مشخص است، آسیاکاری نمونه تأثیر بسزایی بر بازیابی اتحلال لیتیم داشته است، به طوری که با تنها ۱۵ دقیقه آسیاکاری، درصد بازیابی لیتیم پس از دو ساعت اتحلال از حدود ۴۵ درصد به حدود ۸۰ درصد افزایش پیدا کرد.



شکل ۴- اثر آسیاکاری ماده کاتدی بر درصد اتحال لیتیم در شرایط غلظت اگزالیک اسید ۱/۵ مولار و دمای ۸۰ درجه سانتی گراد.

جدول ۳- ترکیب عنصری ماده کاتدی آلومینیوم زدایی شده (بر اساس آنالیز جذب اتمی)

عنصر	آلومینیوم	لیتیم	منگنز	کیالت	نیکل
درصد وزنی	۰/۲۵	۶	۱۶/۶	۱۸/۲۵	۲۹/۲

محلول هستند نشان می دهند:

$$R_{Li} (\%) = \frac{73}{47} + \frac{15}{24A} + \frac{7}{37B} + \frac{12}{89C} + \frac{5}{25AC} - \frac{5}{5A^2} - \frac{3}{14B^2} - \frac{6}{78C^2} \quad (1)$$

$$C_{Mn} (mg/L) = \frac{844}{7} - \frac{289}{9A} - \frac{185}{3B} - \frac{103}{8C} - \frac{108}{5AB} + \frac{138}{8A^2} - \frac{117}{9C^2} \quad (2)$$

برای بررسی کفایت مدل‌ها از نمودارهای شکل (۵) می‌توان کمک گرفت. شکل (۵-الف) و (۵-ج) که در آنها مقادیر باقیمانده‌های مدل (تفاضل مقادیر مشاهده شده و پیش‌بینی شده) در برابر ترتیب تصادفی رسم شده‌اند، نشان می‌دهند که باقیمانده‌ها مستقل از یکدیگرند و از الگوی مشخصی پیروی نمی‌کنند. همچنین توزیع مقادیر باقیمانده‌ها در شکل‌های (۵-ب) و (۵-د) نشان‌دهنده نرمال بودن آنها است که شرط مهمی برای کفایت مدل است. به علاوه، مقادیر ضربی تشخیص تعديل شده<sup>۷</sup> و نابرازنده‌گی<sup>۸</sup> نشان می‌دهند که مدل‌ها از اعتبار مناسبی برخوردارند. در صورتی که در تجزیه و تحلیل واریانس یک مدل مقدار نابرازنده‌گی کمتر از ده درصد باشد، مدل انطباق خوبی با داده‌های تجربی دارد تجربی دارد و می‌تواند پیش‌بینی مناسبی را در اختیار قرار

توسط مدل برای درصد بازیابی لیتیم و غلظت منگنز در محلول نشان می‌دهد. این جدول ترتیب اجرای آزمایش‌ها را در کنار ترتیب استاندارد نشان می‌دهد که تأکیدی بر ویژگی تصادفی بودن طرح آزمایش به هدف کاهش اثرگذاری خطأ بر نتایج دارد.

### ۳-۳- بررسی‌های آماری

با وارد کردن مقادیر پاسخ محاسبه شده از نتایج آنالیز محلول برای تمامی آزمایش‌ها در نرم‌افزار Design Expert (ویرایش ۷) نتایج مورد تجزیه و تحلیل واریانس قرار گرفت و برای هر یک از پاسخ‌ها یک مدل درجه دوم بر داده‌ها برازش شد. در جدول (۵) نتایج تحلیل واریانس برای پاسخ درصد بازیابی لیتیم و پاسخ غلظت منگنز در محلول ارائه شده است. با توجه به مقادیر احتمال p و با درنظر گرفتن سطح معناداری ۰/۰۵ عوامل معنی‌دار (۰/۰۵ < p) شناسایی و با حذف عوامل غیرمعنی‌دار (p < ۰/۰۵) مدل‌ها پالایش شدند. روابط (۱) و (۲) مدل‌های پالایش شده را برای حالت کد شده که در واقع همان معادلات رویه پاسخ برای درصد بازیابی لیتیم و غلظت منگنز

#### جدول ۴- نتایج آزمایش‌های فروشوبی ماده کاتدی در اگزالیک اسید در قالب طرح مرکب مرکزی

ردیف	شماره آزمایش	تریب استاندارد	تریب اجرا	دما (درجه سانتی گراد)	زمان (دقیقه)	متغیرهای آزمایش	غلظت اگزالیک اسید (مول بر لیتر)	غلظت منگنز در محلول (میلی گرم بر لیتر)	بازیابی لیتیم (درصد)	عملی	مدل	عملی	مدل	عملی	ردیف	
																آزمایش
۱	۱	۱	۲	۴۰	۳۵	۳۵	۰/۵۰	۲۷/۸	۳۱/۳	۱۴۳۸	۱۳۳۵					
۲	۲	۲	۱۸	۷۰	۳۵	۳۵	۰/۵۰	۴۷/۷	۴۸/۳	۱۱۰۲	۹۷۳					
۳	۳	۱۲	۴۰	۷۰	۱۰۰	۱۰۰	۰/۵۰	۴۲/۵	۴۳/۱	۱۲۴۸	۱۱۸۲					
۴	۴	۵	۷	۷۰	۱۰۰	۱۰۰	/۵۰	۶۲/۵	۵۸/۸	۳۷۹	۳۸۵					
۵	۵	۷	۷	۷۰	۳۵	۳۵	۱/۲۰	۴۳/۰	۴۳/۰	۱۲۴۱	۱۱۲۸					
۶	۶	۱۶	۱۶	۷۰	۳۵	۳۵	۱/۲۰	۸۴/۰	۷۹/۳	۵۸۳	۷۶۵					
۷	۷	۴	۴	۴۰	۱۰۰	۱۰۰	۱/۲۰	۵۷/۸	۵۵/۴	۱۱۵۱	۹۴۷					
۸	۸	۹	۹	۷۰	۱۰۰	۱۰۰	۱/۲۰	۹۸/۸	۹۳/۸	۱۵۸	۱۷۸					
۹	۹	۱۵	۱۵	۳۰	۳۰	۳۰	۰/۸۵	۳۲/۲	۲۹/۹	۱۴۹۷	۱۷۲۴					
۱۰	۱۰	۱۳	۱۳	۸۰	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۸۵	۸۳/۵	۸۹/۷	۸۴۲	۷۴۹					
۱۱	۱۱	۱۱	۱۱	۵۵	۱۲/۸	۱۲/۸	۰/۸۵	۵۲/۱	۵۱/۱	۱۲۴۷	۱۱۵۶					
۱۲	۱۲	۱۱	۱۱	۵۵	۱۲۲/۱	۱۲۲/۱	۰/۸۵	۷۶/۹	۸۱/۸	۵۹۲	۵۳۳					
۱۳	۱۳	۱۰	۱۰	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۲۶	۳۲/۶	۳۰/۶	۵۵۷	۶۸۵					
۱۴	۱۴	۱۷	۱۷	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۱/۴۴	۷۵/۹	۸۱/۸	۳۳۰	۳۳۶					
۱۵	۱۵	۳	۳	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۸۵	۷۳/۴	۶۹/۴	۸۷۳	۸۴۴					
۱۶	۱۶	۸	۸	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۸۵	۷۳/۴	۷۶/۱	۸۱۰	۸۴۴					
۱۷	۱۷	۶	۶	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۸۵	۷۳/۴	۷۲/۱	۸۴۰	۸۴۴					
۱۸	۱۸	۱۹	۱۹	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۸۵	۷۳/۴	۷۴/۸	۷۲۴	۸۴۴					
۱۹	۱۹	۱۴	۱۴	۵۵	۶۷/۵	۶۷/۵	۰/۸۵	۷۳/۴	۷۴/۰	۷۱۲	۸۴۴					

کمترین تأثیر مربوط به متغیر زمان است. علامت و بزرگی ضرایب معادله (۱) نشان‌دهنده این نکته است و به آن معنی است که برای رسیدن به بازیابی‌های بالای لیتیم نیازی به زمان‌های طولانی (حد بالای گستره مورد بررسی برای متغیر زمان) نیست. عوامل تأثیرگذارتر به ترتیب اهمیت دما و سپس غلظت اگزالیک اسید هستند. همان‌طور که در شکل نیز مشخص است، با افزایش دما درصد بازیابی لیتیم از حدود ۵۲ به ۸۰ درصد افزایش می‌یابد. از این بستگی نسبتاً بزرگ سرعت انحلال به دما این‌طور استنباط می‌شود که واکنش اگرالاتی شدن

دهد. همچنین هرچه مقدار ضریب تشخیص پیش‌بینی شده و تعديل شده به هم نزدیک‌تر باشد، اعتبار مدل بالاتر می‌رود.

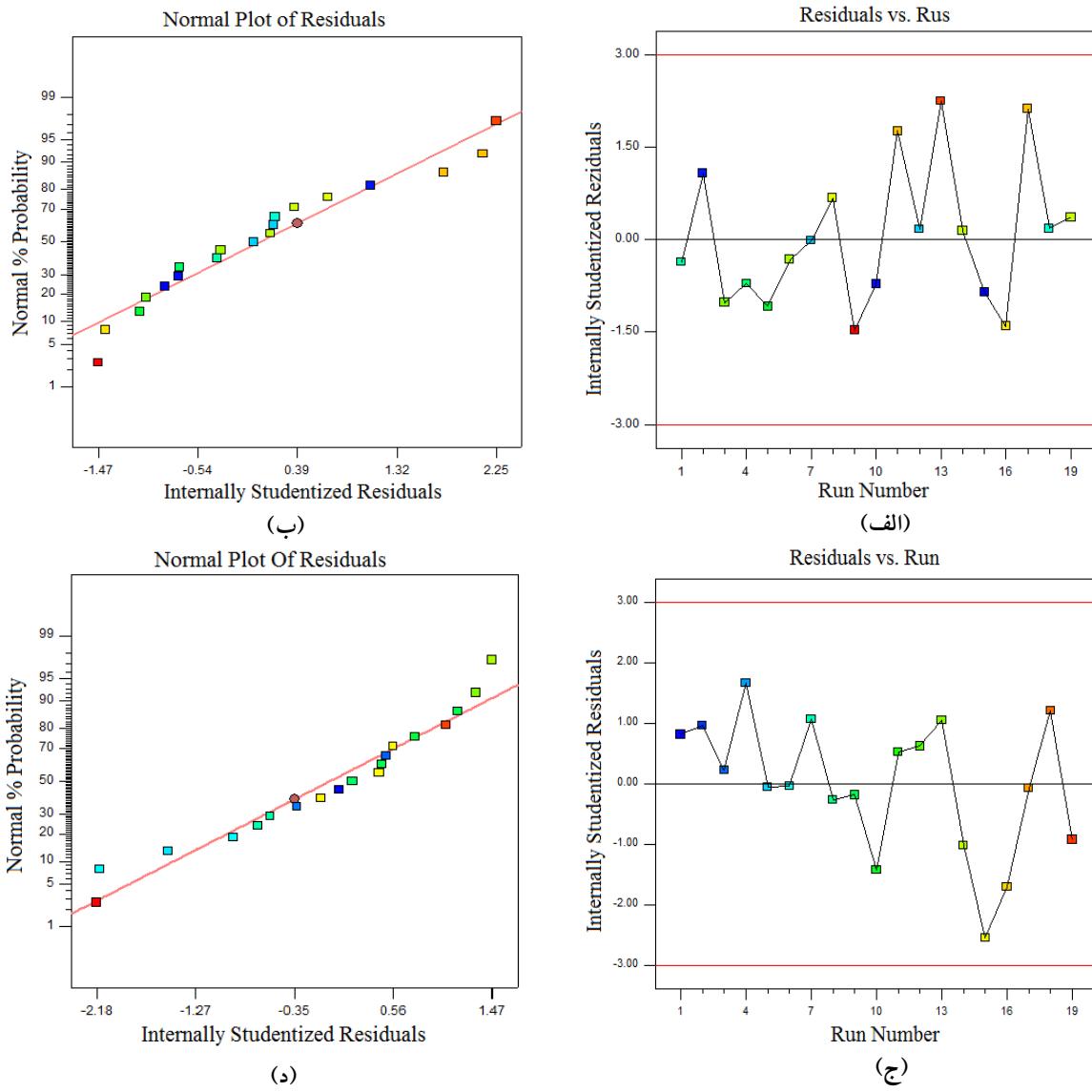
#### ۴-۳-۳- بررسی اثرات تکی

در شکل (۶) نمودارهای اثر تکی هر یک از متغیرها بر درصد بازیابی لیتیم در شرایطی که بقیه متغیرها در مقدار میانی ( نقطه مرکزی) قرار دارند رسم شده است. با نگاه به این نمودارها می‌توان به چگونگی تأثیر تکی متغیرها بر پاسخ درصد بازیابی لیتیم پی برد. با اینکه هر سه متغیر تأثیر مثبتی روی پاسخ دارند،

**جدول ۵- جدول تعزیره و تحلیل واریانس برای پاسخهای درصد بازیابی لیستم و غلطات مکنگتر در محلول**

غلطات مکنگتر در محلول (CsIn) / میلی گرم بر لیتر		بازیابی لیستم (RL) / درصد		مجموع مرتعات		درجه آزادی		مجموع مرتعات		بازیابی لیستم (RL) / درصد	
p	احتمال	F	آماره F	میانگین مرتعات	میانگین مرتعات	p	احتمال p	میانگین مرتعات	میانگین مرتعات	میانگین مرتعات	میانگین مرتعات
< ۰/۰۰۰۰۱	< ۱/۷/۷	۱/۷/۷	۹	۲۴/۷	۹	< ۰/۰۰۰۰۱	< ۰/۰۰۰۰۱	۳۵/۲	۸۱/۶	۹	۳۵/۷
< ۰/۰۰۰۰۴	< ۷۴/۱	۱۱/۴	۱	۱۱/۴	۱	< ۰/۰۰۰۰۱	< ۰/۰۰۰۰۱	۳۲/۸	۳۱/۷۲	۱	۳۱/۷
< ۰/۰۰۰۴	< ۳۰/۲	۴/۶	۱	۴/۶	۱	< ۰/۰۰۰۰۳	< ۰/۰۰۰۰۳	۷۴/۱	۷۴/۱	۱	۷۸/۷۴/۱
< ۰/۰۱۳۱	< ۹/۴۹	۱/۴	۱	۱/۴	۱	< ۰/۰۰۰۰۱	< ۰/۰۰۰۰۱	۹۷/۹	۲۲/۶۹	۱	۲/۲۶
< ۰/۰۰۳۵۸	< ۶/۰۰۸	۰/۹۴	۱	۰/۹۴	۱	< ۰/۰۰۰۰۴	< ۰/۰۰۰۰۴	۰/۹۴	۰/۹۴	۱	۰/۰۹۹
< ۰/۰۲۳۳۱	< ۱/۶۰	۰/۷۴	۱	۰/۷۴	۱	< ۰/۰۰۱۳	< ۰/۰۰۱۳	۹/۵۱	۲۲۰	۱	۰/۲۲۰
< ۰/۰۸۸۷۵	< ۱/۳۷	۰/۱۹	۱	۰/۱۹	۱	< ۰/۰۰۱۱	< ۰/۰۰۱۱	۰/۱۱	۲/۷۳	۱	۰/۰۰۲
< ۰/۰۰۰۸	< ۱۹/۱	۲/۶۴	۱	۲/۶۴	۱	< ۰/۰۰۰۲	< ۰/۰۰۰۲	۱۷/۸۰	۴۱۲	۱	۰/۴۱۲
< ۰/۰۱۳۴۵	< ۳/۰۷	۰/۳۷	۱	۰/۳۷	۱	< ۰/۰۰۳	< ۰/۰۰۳	۵۰/۸۱	۱۳۴	۱	۰/۱۳۴
< ۰/۰۱۰/۰	< ۱/۰/۵	۱/۶۲	۱	۱/۶۲	۱	< ۰/۰۰۰۰۶	< ۰/۰۰۰۰۶	۱۷/۰۵	۶۲۷	۱	۰/۶۲۷
< ۰/۰۷۷۷۹	< ۴/۷۷۶	۰/۷۷۶	۹	۰/۷۷۶	۹	< ۰/۰۷۳	< ۰/۰۷۳	۲۳/۱	۹	۰/۰۷۸	۰/۰۷۸
< ۰/۰۸۴	< ۰/۷۳۲	۰/۷۳۲	۵	۰/۷۳۲	۵	< ۰/۰۶	< ۰/۰۶	۵۷/۳۹	۳۶/۳	۵	۰/۱۸۱
< ۰/۰۹۸	< ۰/۷۷۹	۰/۷۷۹	۹	۰/۷۷۹	۹	< ۰/۰۹۱	< ۰/۰۹۱	۰/۹۱	۰/۹۱	۰/۹۱	۰/۹۱
<b>عمل</b>											

نایرازندگی: آزمونی برای سنجش یعنیکوی بروازش مدل تعییرات پاسخ تحت تأثیر جملات مدل است.  
 ضریب تشخیص: شاخصی که نشان می دهد چه مقدار از تعییرات پاسخ تحت حفظ جملات غیرمعنادار از مدل ضریب تشخیص تعديل شده: مقدار ضریب تشخیص با حفظ جملات غیرمعنادار از مدل آماره F آزمون مقابله واریانس مدل با واریانس یافی مانده ها (هر چه بیشتر نشانه هدنه اعتبار بیشتر مدل است)  
 اعمال آزمون معنادار بودن یک عامل، در صورتی که کمتر از ۵۰٪ پاشد، عامل معنادار در صورتی که بیشتر از ۵۰٪ پاشد غیرمعنادار است.

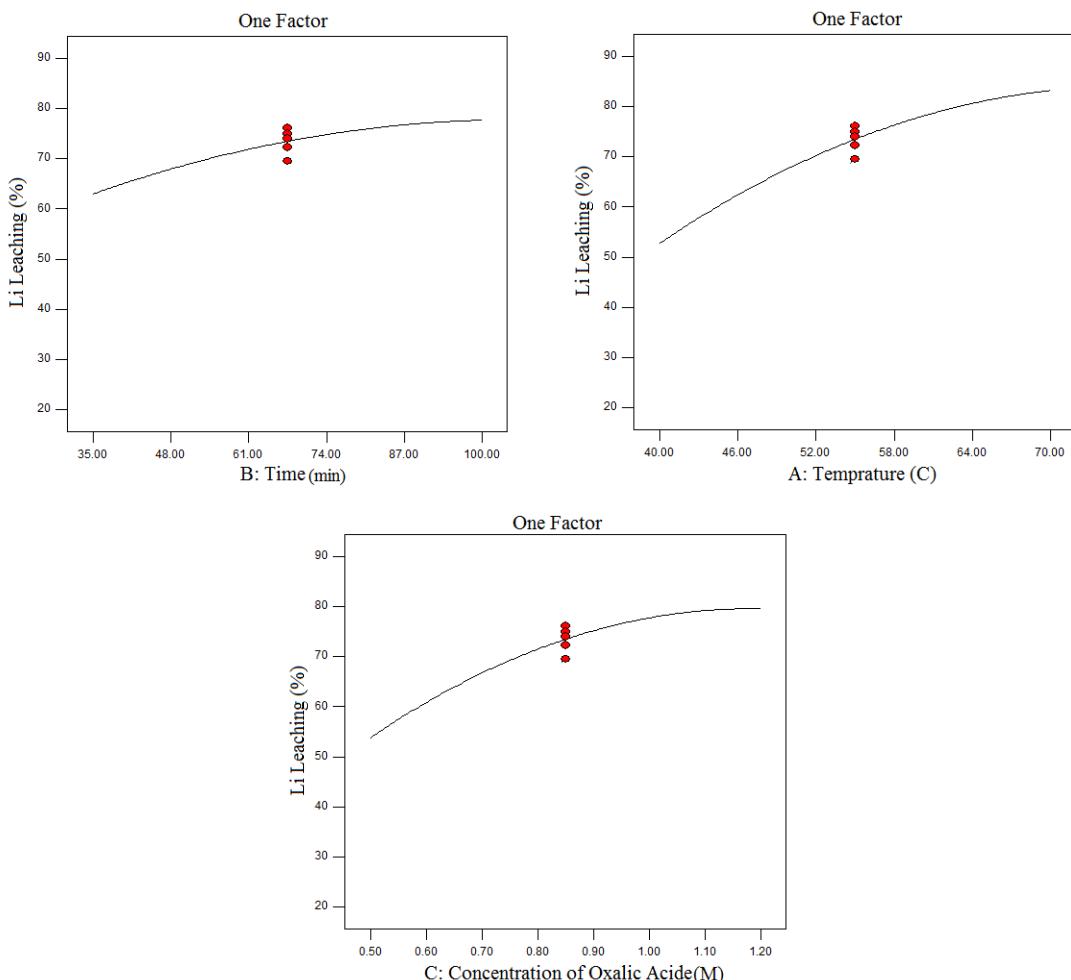


شکل ۵- (الف و ب) نمودارهای بررسی کفايت مدل برای پاسخ درصد بازیابی لیتیم و (ج و د) غلظت منگنز در محلول (الف و ج) نمودار توزیع احتمال نرمال باقیماندها، (ب و د) نمودار مقادیر باقیمانده در برابر ترتیب انجام آزمایش

ماده کاتدی و درنتیجه تجزیه ساختار ماده فعال کاتدی باشد. به این ترتیب، با افزایش غلظت اگزالیک اسید در زمان و دمای ثابت و تجزیه بیشتر کاتد، لیتیم بیشتری در معرض تماس با محلول قرار می‌گیرد.  
به طور مشابه، شکل (۷) نمودار اثر تکی هر یک از متغیرها بر پاسخ غلظت منگنز در محلول را در شرایطی که بقیه متغیرها در مقدار میانی قرار دارند نشان می‌دهد. با نگاهی به نمودارها

اکسیدهای کاتد (در قیاس با فرایندهای انتقال جرم) کترل کننده فرایند اتحلال بوده باشد.

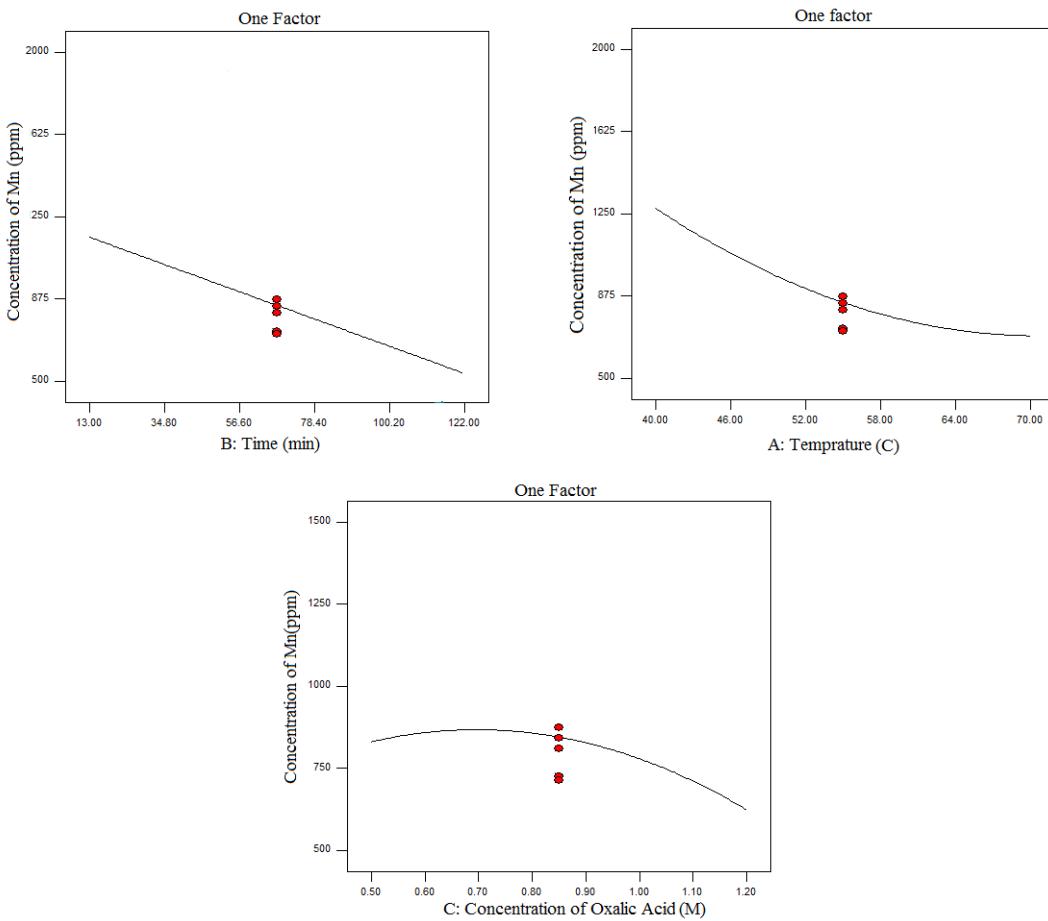
بستگی درصد بازیابی لیتیم به غلظت اگزالیک اسید نیز تا حدی شبیه به دما است. بهطوری که با افزایش غلظت اگزالیک اسید از  $0/5^{\circ}\text{C}$  به  $1/2^{\circ}\text{C}$  درصد بازیابی از حدود ۵۲ به ۷۷ درصد افزایش می‌یابد. بهنظر می‌رسد علت این امر افزایش اکسیویته آنیون اگزالات برای واکنش با اکسیدهای نیکل، کبالت و منگنز



شکل ۶- نمودار اثرات تکی متغیرها بر پاسخ درصد بازیابی لیتیم (مقدار دو متغیر دیگر در هر نمودار ثابت و روی مقدار میانی است)

(بخش ۴-۱). بنابراین می‌توان گفت که افزایش دما از یکسو سبب افزایش سرعت واکنش اکسید منگنز ماده کاتدی و رهایش یون منگنز به داخل محلول، و از سوی دیگر موجب تسريع شکل‌گیری رسوب اگرالات منگنز نامحلول می‌شود. تأثیر پارامترهای زمان و غلظت اگزالیک اسید نیز، البته با شدت کمتر، مشابه تأثیر دما است. افزایش هر یک از این دو پارامتر به کاهش غلظت منگنز محلول می‌انجامد و همان‌گونه که در بالا توضیح داده شد، این کاهش غلظت به معنای اتحلال کمتر منگنز نیست، بلکه بالعکس، به مفهوم رسوب‌دهی بیشتر اگرالات منگنز است.

می‌توان اثر تکی متغیرها بر غلظت منگنز در محلول را در مقایسه با یکدیگر مشاهده کرد. البته همان‌طور که قبلًا نیز اشاره شد، مقایسه تأثیر این پارامترها با نگاهی به ضرایب مدل برازش شده (معادله ۲) نیز قابل فهم است. از بین اثرات نشان داده شده در شکل (۷) دما بیشترین تأثیر را بر پاسخ دارد. به طوری که با افزایش دما از ۴۰ به ۷۰ درجه سانتی گراد پاسخ غلظت منگنز در محلول از حدود ۱۲۵۰ به ۷۰۰ میلی‌گرم بر لیتر کاهش پیدا کرده است. با توجه به ناپایداری کاتیون منگنز در حضور آنیون اگرالات، کاهش غلظت منگنز در محلول متراffد با افزایش درصد منگنز در پسماند اتحلال در نتیجه رسوب اگرالات منگنز است که با آنالیز فازی پسماند اتحلال به اثبات رسید.

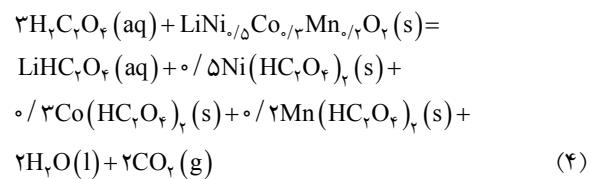
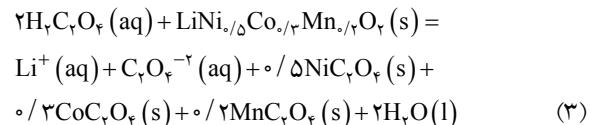


شکل ۷- نمودار اثرات تکی متغیرها بر پاسخ غلظت منگنز در محلول  
(مقدار دو متغیر دیگر در هر نمودار ثابت و روی مقدار میانی است)

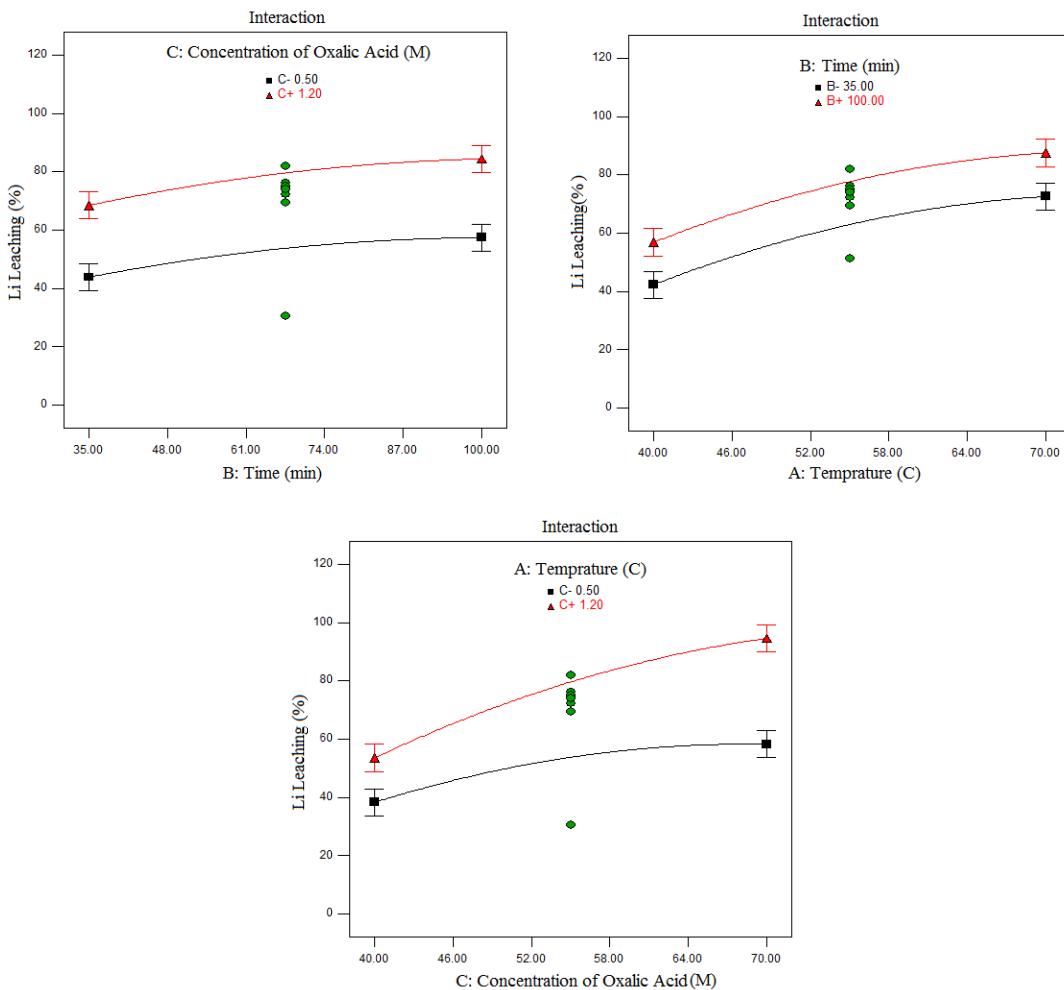
### ۳-۵- بررسی اثرات متقابل

شکل (۸) نمودار اثرات متقابل پارامترهای مورد بررسی در این پژوهش را دو به دو نشان می‌دهد. بر اساس تحلیل واریانس انجام شده به کمک نرم‌افزار، اثرات دوتایی زمان-دما و زمان-غلظت با مقادیر احتمال p مساوی ۰/۹۴ و ۰/۷۳ (در سطح معناداری ۰/۰۵) معنادار نیستند. این موضوع با شبیه تقریباً یکسان دو منحنی در نمودارهای مربوطه در شکل (۸) نیز قابل مشاهده است. به همین دلیل جملات مربوط به این دو اثر در مدل پالیش یافته در معادله (۱) حذف شده است. در مقابل، اختلاف قابل توجه شبیه منحنی‌ها در نمودار اثر دوتایی دما-غلظت دلالت بر اهمیت این اثر دارد و بیانگر این است که

روابط (۳) و (۴) واکنش‌های احتمالی در سیستم مورد بررسی را نشان می‌دهند.



هنگامی که غلظت اگزالیک اسید بالا می‌رود، تمایل به انجام واکنش (۴) بیشتر می‌شود و ترکیبات اگزالاتی تشکیل شده از نوع فلز-هیدروژن اگزالات خواهد بود [۲۰].



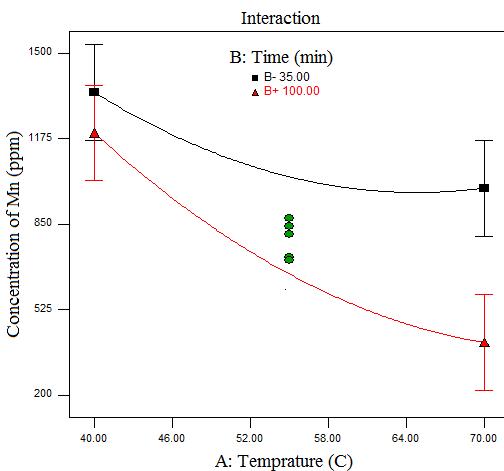
شکل ۸- نمودارهای اثرات دوتایی برای پاسخ درصد بازیابی لیتیم

تأثیرپذیری بازیابی لیتیم از دو پارامتر دما و غلظت اگزالیک اسید به جا نمی‌گذارد.

از بین اثرات دوتایی برای پاسخ غلظت منگنز در محلول، تنها اثر دوتایی زمان-دما معنادار تشخیص داده شد. این موضوع با توجه به موازی نبودن دو منحنی رسم شده در شکل (۹) قابل مشاهده است. در واقع اثر متقابل زمان-دما به این معنی است که شدت اثرگذاری دما بر کاهش غلظت منگنز محلول، در زمان‌های بلند بیشتر از زمان‌های کوتاه است. این مفهوم بر خلاف آنچه برای بازده لیتیم توضیح داده شد، بر اهمیت زمان بالا دلالت دارد. اثر دوتایی زمان-دما از سوی دیگر بیانگر این

غلظت اگزالیک اسید تأثیر مثبتی بر میزان اثرگذاری دما روی بازده انحلال لیتیم دارد، یعنی تأثیر فزاینده دما روی بازده انحلال لیتیم، در غلظت‌های بالاتر اگزالیک اسید بیشتر است.

معنادار نبودن دو اثر متقابل زمان-دما و زمان-غلظت اگزالیک اسید را می‌توان این طور توجیه کرد که فلز لیتیم با واکنش‌پذیری بسیار بالایی که دارد، در تماس با محلول اگزالیک اسید حل می‌شود. از آنجایی که دو عامل دما و غلظت اگزالیک اسید تأثیر بیشتری بر سرعت تجزیه ساختار ماده کاتدی اولیه دارند و لیتیم بعد از تجزیه ساختار ماده کاتدی به سرعت وارد محلول می‌شود، بنابراین افزایش زمان تأثیر قابل توجهی بر



شکل ۹- نمودار اثر دوتایی دما- زمان برای پاسخ غلظت منگنز در محلول

مشخص می‌کند. همان‌طور که در شکل (۱۲) مشاهده می‌شود، متغیرهای دما و غلظت اگرالیک اسید می‌باشد در حوالی حد بالای طرح فاکتوریل، و متغیر زمان در حوالی مقدار نقطه محوری اختیار شوند. همچنین، نرمافزار این قابلیت را دارد که با اعمال محدودیت روی متغیرها و تعریف مقادیر مورد نظر برای هر یک از پاسخ‌ها که بر اساس تعریف تابع مطلوبیت صورت می‌پذیرد، شرایط بهینه را تعیین کند. جدول (۶) نقطه بهینه پیشنهادی نرمافزار برای رسیدن به این اهداف را نشان می‌دهد.

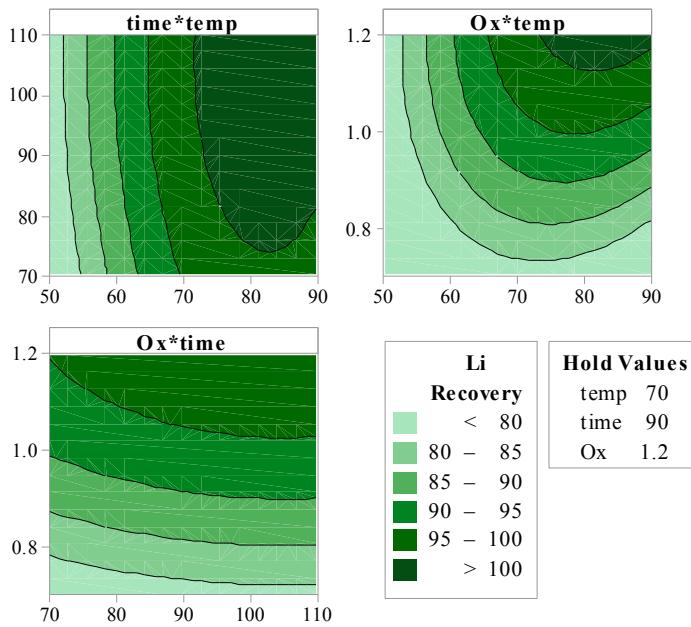
برای راستی آزمایی پیش‌بینی نرمافزار، آزمایش عملی در نقطه بهینه پیشنهادی با دو بار تکرار انجام شد که نتیجه آن در جدول (۷) درج شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، مقدار عملی درصد بازیابی لیتیم با مقدار پیش‌بینی شده توسط مدل اختلاف بسیار کمی دارند. اما این اختلاف در مورد غلظت منگنز محلول بزرگ است که با توجه به بزرگی گستره تغییرات غلظت منگنز محلول در آزمایش‌های انجام شده (مقادیر جدول ۴) دور از انتظار نیست. با وجود این، نکته حائز اهمیت این است که غلظت منگنز حاصل از آزمایش نقطه بهینه پیشنهادی مدل از کوچکترین مقدار پاسخ به دست آمده در آزمایش‌های طرح مرکب مرکزی حدود ۳۰ درصد کمتر است. این موضوع نشان می‌دهد که عملکرد رویه پاسخ در تعیین موقعیت نقطه بهینه با موفقیت همراه بوده است.

نکته است که تشکیل رسوب اگرالات منگنز پس از انحلال منگنز در اگرالیک اسید فرایندی وابسته به دما است و در زمان‌های بالاتر با سرعت بیشتری اتفاق می‌افتد. با افزایش زمان، یون‌های منگنز بیشتری وارد محلول می‌شود، و افزایش غلظت یون منگنز سبب تمایل بیشتر به تشکیل ترکیب اگرالات منگنز می‌شود.

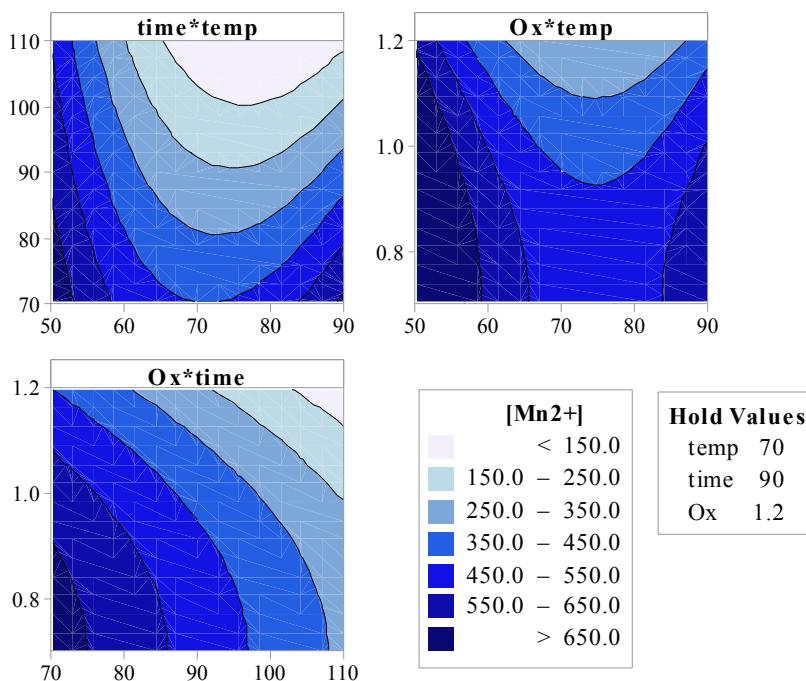
#### ۴- بهینه‌سازی هم‌زمان پاسخ‌ها

به کمک مدل‌های به دست آمده برای هر یک از پاسخ‌ها (روابط ۱ و ۲) می‌توان نمودارهای کران‌نما<sup>۹</sup> (خطوط همتراز) را رسم کرد. این نمودارها برای پاسخ درصد بازیابی لیتیم و پاسخ غلظت منگنز به ترتیب در شکل (۱۰) و (۱۱) ارائه شده‌اند. به کمک هر نمودار کران‌نما می‌توان مقادیر دو متغیر از سه متغیر آزمایش را برای دستیابی به پاسخ باشیسته، یعنی درصد بالای بازیابی لیتیم و غلظت پایین منگنز محلول تعیین کرد. نواحی تیره در شکل (۱۰) و نواحی روشن در شکل (۱۱) مناطق هدف برای دستیابی به پاسخ مطلوب را معرفی می‌کنند.

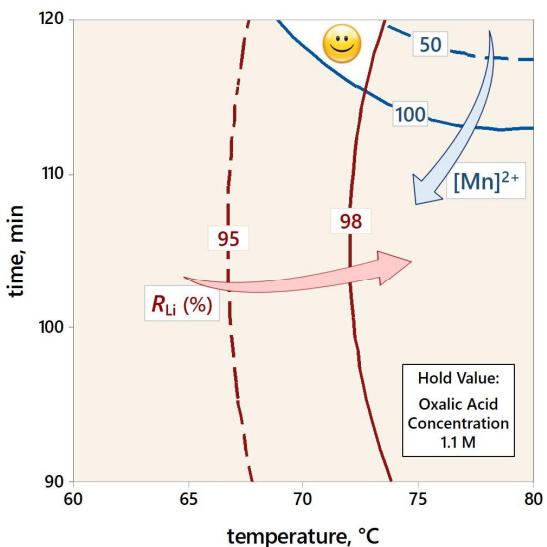
برای بهینه‌سازی دو پاسخ به صورت هم‌زمان از نمودار کران‌نما بر همنهاده (شکل ۱۲) می‌توان کمک گرفت. تعیین کران مورد نظر برای هر پاسخ روی این نمودار (بازیابی لیتیم ۹۵ درصد و غلظت منگنز ۱۰۰ میلی‌گرم بر لیتر) محدوده شرایط بهینه را



شکل ۱۰- نمودارهای کراننما برای درصد بازیابی لیتیم (رنگی در نسخه الکترونیکی)  
(در هر نمودار خطوط هم‌بازده در تابعیت از دو متغیر نشان داده شده در حالی که متغیر سوم ثابت گرفته شده است)



شکل ۱۱- نمودارهای کراننما برای غلظت منگنز حل شده (رنگی در نسخه الکترونیکی)  
(در هر نمودار خطوط هم‌غلظت در تابعیت از دو متغیر نشان داده شده در حالی که متغیر سوم ثابت گرفته شده است)



شکل ۱۲- نمودار کراننماهی برهم‌نهاده برای بهینه‌سازی همزمان دو پاسخ  
(ناحیه‌ای که با صورتک خندان مشخص شده مخصوص بیشترین بازیابی لیتیم و کمترین منگنز محلول است)

جدول ۶- مطلوبیت‌های تعریف شده برای شرایط بهینه

(بیشینه کردن بازیابی لیتیم و کمینه کردن میزان منگنز حل شده) و نقطه بهینه پیشنهادی نرمافزار

متغیرهای ورودی	هدف	پیشنهاد نرم‌افزار	حد پایین	حد بالا
دما (درجه سانتی‌گراد)	در محدوده	۷۰	۴۰	۷۰
زمان (دقیقه)	در محدوده	۱۲۲	۳۵	۱۲۲
غلظت اگزالیک اسید (گرم بر لیتر)	کمینه کردن	۱/۱	۰/۵	۱/۲

جدول ۷- نتیجه آزمایش راستی آزمایی در مقایسه با پیش‌بینی مدل

پاسخ	پیش‌بینی مدل	عملی (میانگین دو آزمون)	عملی (میانگین دو آزمون)
بازیابی لیتیم (درصد)	۹۷/۱	۹۴/۹	۹۴/۹
غلظت منگنز در محلول (میلی گرم بر لیتر)	۷۶/۰	۱۰۹/۶	۱۰۹/۶

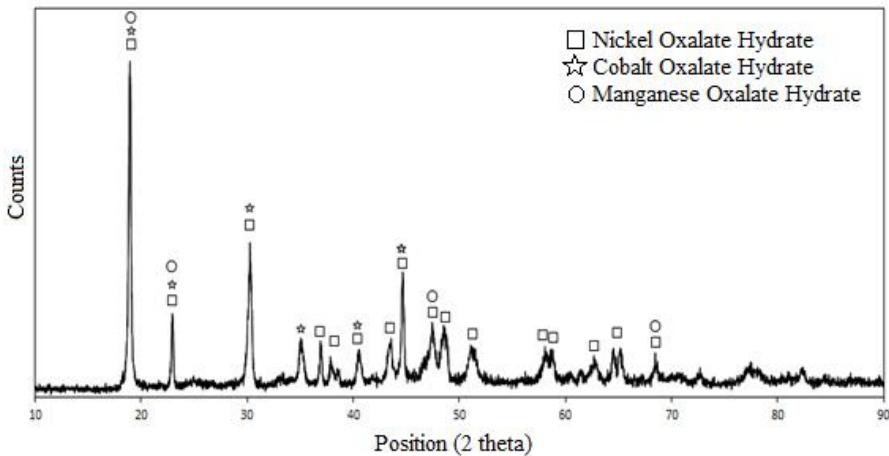
## ۵- مشخصه‌یابی پسماند فروشی ماده کاتدی در اگزالیک اسید

برای استحصال عناصر محتوی به طور جداگانه مورد استفاده قرار گیرد.  
الگوی پراش پرتو ایکس پسماند انحلال در اگزالیک اسید در شکل (۱۳) ارائه شده است. ترکیب غالب این ماده، همان‌طور که در شکل نشان داده شده، اگزالات‌های آبدار نیکل، کبالت و منگنز است که در نتیجه تجزیه ساختار ماده کاتدی و ناپایداری

جدول (۸) ترکیب شیمیایی محلول و پسماند حاصل از فروشی ماده کاتدی در اگزالیک اسید تحت شرایط بهینه را نشان می‌دهد. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، پسماند منبع غنی و ارزشمندی از فلزات نیکل، کبالت و منگنز است که می‌تواند

جدول ۸- ترکیب شیمیایی محلول و پسماند حاصل از فروشوبی در شرایط بهینه

عنصر	لیتیم	نیکل	کبالت	منگنز
محلول فروشوبی (میلی گرم بر لیتر)	۳۶۰۴	۱۰/۷	۶/۲	۱۰/۶
پسماند انحلال (درصد)	۰/۱۸	۲۰/۱	۱۱/۲	۱۰/۲



شکل ۱۳- الگوی پراش پرتو ایکس پسماند آزمایش انحلال توسط اگزالیک اسید  
(در شرایط بهینه: دمای ۷۰ درجه سانتی گراد، زمان ۱۲۲ دقیقه و غلظت اگزالیک اسید ۱/۱ مolar)

می‌کند تا اسید آلی بتواند ساختار پیچیده ماده کاتدی را به ترکیبات اگزالاتی تجزیه کند، چون همان‌طور که پیش‌تر ذکر شد، درصد انحلال لیتیم برای نمونه بدون آسیاکاری تنها ۵۰ درصد بوده است.

##### ۵- نتیجه‌گیری

در این پژوهش بازگردانی لیتیم محتوی باتری‌های لیتیم-یون مستعمل از طریق واکنش ماده فعال کاتدی به‌شکل عمومی  $\text{LiNi}_x\text{Co}_y\text{Mn}_z\text{O}_2$  با محلول اگزالیک اسید مورد بررسی قرار گرفت. ایده محوری این تحقیق جدایش انتخابی لیتیم به صورت اگزالات محلول از اگزالات‌های نامحلول سایر فلزات محتوی بوده است. در انحلال ماده کاتدی ابتدا تأثیر آسیاکاری ماده کاتدی و سپس تأثیر پارامترهای زمان، دما و غلظت اگزالیک اسید بر درصد انحلال لیتیم و غلظت منگنز باقی‌مانده در محلول (رسوب نکرده) مورد آزمایش قرار گرفت. مهم‌ترین نتایج

کاتیون‌های آزاد شده  $\text{Ni}^{2+}$ ,  $\text{Co}^{2+}$  و  $\text{Mn}^{2+}$  در حضور آنیون اگزالات از محلول رسوب کرده‌اند. لازم به ذکر است که با اینکه تعدادی از پیک‌های ظاهر شده بین ترکیبات اگزالاتی و ماده فعال کاتدی مشترکند، اما این پیک‌ها را عمدتاً به ترکیبات اگزالاتی نامبرده نسبت می‌دهیم. دلیل این امر تکلیس پسماند انحلال در دمای ۶۰۰ درجه سانتی گراد به مدت چهار ساعت است که نتیجه آن حدود ۵۲ درصد کاهش جرم بود. این کاهش جرم عمدتاً را تنها می‌توان به خروج کربن دی‌اسید و مولکول‌های آب از ساختار اگزالات‌ها نسبت داد، چرا که اگر مقدار قابل توجهی از ماده کاتدی پس از فروشوبی دست‌نخورده باقی مانده بود، چنین کاهش جرم بزرگی را شاهد نبودیم. بنابراین معلوم می‌شود که ماده فعال کاتدی اولیه باید تقریباً به‌طور کامل تجزیه شده باشد. لازم به یادآوری است که در تجزیه ماده کاتدی نباید از نقش تأثیرگذار آسیاکاری قبل از فروشوبی به‌سادگی گذشت. آسیاکاری کمک بسیار زیادی

۴- با استفاده از مدل‌های رویه پاسخ برآش شده روی داده‌های تجربی، شرایط بهینه برای دستیابی به محلولی با بیشترین درصد بازیابی لیتیم و کمترین مقدار منگنز حل شده به صورت دمای ۷۰ درجه سانتی گراد، زمان ۱۲۲ دقیقه و غلظت اگزالیک اسید ۱/۱ مولار تعیین شد. با انجام آزمایش راستی آزمایی در شرایط بهینه پیشنهادی، بازیابی لیتیم و غلظت منگنز حل شده به ترتیب حدود ۹۵ درصد و ۱۱۰ میلی گرم بر لیتر به دست آمد.

۵- آنالیز الگوی پراش روی رسوب باقی‌مانده از انحلال اگزالاتی مشخص کرد که رسوب گفته شده غنی از اگزالات‌های آبدار نیکل، کبالت و منگنز و فاقد ماده کاتدی واکنش نکرده بوده است. رسوب گفته شده خود می‌تواند به هدف استحصال فلزات محتوی موضوع تحقیقات آتی قرار گیرد. به علاوه، در گزارش‌های محققان قبلی به موضوع بازیابی محصول لیتیمی از محلول لیتیم اگزالات حاصل از فروشوبی به‌شکل درخور پرداخته نشده است که این موضوع به عنوان مرحله تکمیل کننده فرایند معرفی شده در این مقاله در دانشگاه علم و صنعت ایران در دست انجام است.

به دست آمده را به صورت زیر می‌توان خلاصه کرد:

۱- آسیاکاری ماده کاتدی به مدت ۱۵ دقیقه به عنوان یک اقدام مهم و مؤثر در انحلال لیتیم شناخته شد. دلیل احتمالی این امر را می‌توان به شکسته شدن ساختار لایه‌ای ماده کاتدی و افزایش سطح دستری عامل اگزالاتی به لیتیم و اجزای اکسیدی تشکیل دهنده ساختار نسبت داد.

۲- نتایج آزمایش انحلال نشان داد که برای درصد بازیابی لیتیم هر سه پارامتر زمان، دما و غلظت اگزالیک اسید تأثیر مثبت داشته و بیشترین تأثیر از آن دما و سپس غلظت اسید و زمان بوده است. همچنین از بررسی اثرات متقابل فقط اثر دوتایی دما- غلظت اگزالیک اسید معنادار شناخته شد.

۳- در مورد غلظت منگنز محلول تأثیر هر سه پارامتر منفی بوده است، به این معنی که با افزایش هر یک از این عوامل منگنز کمتری در محلول باقی می‌ماند و به عبارت دیگر منگنز بیشتری رسوب می‌کند. در اینجا نیز مؤثرترین پارامتر دما و در مرحله بعد زمان و غلظت اسید تشخیص داده شد. به علاوه، تنها اثر دوتایی معنادار اثر زمان- دما شناخته شد.

## واژه‌نامه

1. Atomic Absorption Spectroscopy
2. X-ray Diffraction
3. discharge
4. dismantling
5. central composite design
6. response surface design
7. adjusted R<sup>2</sup>
8. lack of fit
9. contour plot

## مراجع

1. Chagnes, A., and Pospiech, B., “A Brief Review on Hydrometallurgical Technologies for Recycling Spent Lithium-ion Batteries”, *Journal of Chemical Technology & Biotechnology*, Vol. 88, pp. 1191-1199, 2013.
2. Zeng, X., Li, J., and Singh, N., “Recycling of Spent Lithium-ion Battery: A Critical Review”, *Critical Reviews in Environmental Science and Technology*, Vol. 44, pp. 1129-1165, 2014.
3. Zeng, X., Li, J., and Liu, L., “Solving Spent Lithium-ion Battery Problems in China: Opportunities and Challenges”, *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, Vol. 52, pp. 1759-1767, 2015.
4. Xu, J., Thomas, H. R., Francis, R.W., Lum, K.R., Wang, J., and Liang, B., “A Review of Processes and Technologies for the Recycling of Lithium-ion Secondary Batteries”, *Journal of Power Sources*, Vol. 177, pp. 512-527, 2008.
5. Freitas, M. B. J. G., Celante, V. G., and Pietre, M. K., “Electrochemical Recovery of Cobalt and Copper from Spent Li-ion Batteries as Multilayer Deposits”, *Journal of Power Sources*, Vol. 195, pp. 3309-3315, 2010.
6. Zhang, X., Cao, H., Xie, Y., Ning, P., An, H., and You, H., “A Closed-loop Process for Recycling LiNi<sub>1/3</sub>Co<sub>1/3</sub>Mn<sub>1/3</sub>O<sub>2</sub> from the Cathode Scraps of Lithium-ion Batteries: Process Optimization and Kinetics Analysis”, *Separation and Purification*

- Technology*, Vol. 150, pp. 186-195, 2015.
7. Xin, Y., Guo, X., Chen, S., Wang, J., Wu, F., and Xin, B., "Bioleaching of Valuable Metals Li , Co , Ni and Mn from Spent Electric Vehicle Li-ion Batteries for the Purpose of Recovery", *Journal of Cleaner Production*, Vol. 116, pp. 249-258, 2016.
  8. Perkel, J. M., "The Trouble with Lithium Implications of Future PHEV Production for Lithium Demand", *Nature*, Vol. 521, pp. 111-112, 2015.
  9. Guo, Y., Li, F., Zhu, H., Li, G., Huang, J., and He, W., "Leaching Lithium from the Anode Electrode Materials of Spent Lithium-ion Batteries by Hydrochloric Acid ( HCl )", *Waste Management*, Vol. 51, p. 186, 2015.
  10. Joo, S., Oh, C., Wang, J., Senanayake, G., and Myung, S., "Hydrometallurgy Selective Extraction and Separation of Nickel from Cobalt , Manganese and Lithium in Pre-treated Leach Liquors of Ternary Cathode Material of Spent Lithium-ion Batteries using Synergism Caused by Versatic 10 Acid and LIX 84-I", *Hydrometallurgy*, Vol. 159, pp. 65-74, 2016.
  11. Ferreira, D. A., Prados, L. M. Z., Majuste, D., and Mansur, M. B., "Hydrometallurgical Separation of Aluminium, Cobalt, Copper and Lithium from Spent Li-ion Batteries", *Journal of Power Sources*, Vol. 187, pp. 238-246, 2009.
  12. Sohn, J. S., Shin, S. M., Yang, D. H., Kim, S. K., and Lee, C. K., "Comparison of Two Acidic Leaching Processes for Selecting the Effective Recycle Process of Spent Lithium ion Battery", *Geosystem Engineering*, Vol. 9, pp. 1-6, 2006.
  13. Li, J., Wang, G., and Xu, Z., "Environmentally-friendly Oxygen-free Roasting /Wet Magnetic Separation Technology for in Situ Recycling Cobalt , Lithium Carbonate and Graphite from Spent LiCoO<sub>2</sub> /Graphite Lithium Batteries", *Journal of Hazardous Materials*, Vol. 302, pp. 97-104, 2016.
  14. Joulié, M., Laucourtet, R., and Billy, E., "Hydrometallurgical Process for the Recovery of High Value Metals from Spent Lithium Nickel Cobalt Aluminum Oxide Based Lithium-ion Batteries", *Journal of Power Sources*, Vol. 247, pp. 551-555, 2014.
  15. Sun, L., and Qiu, K., "Organic Oxalate as Leachant and Precipitant for the Recovery of Valuable Metals from Spent Lithium-ion Batteries", *Waste Management*, Vol. 32, pp. 1575-1582, 2012.
  16. Sun, C., Xu, L., Chen, X., Qiu, T., and Zhou, T., "Sustainable Recovery of Valuable Metals from Spent Lithium-ion Batteries using DL-malic Acid: Leaching and Kinetics Aspect", *Waste Management & Research*, Vol. 36, pp. 113-120, 2018.
  17. Li, L., Qu, W., Zhang, X., Lu, J., Chen, R., Wu, F., and Amine, K., "Succinic Acid-based Leaching System: A Sustainable Process for Recovery of Valuable Metals from Spent Li-ion Batteries", *Journal of Power Sources*, Vol. 282, pp. 544-551, 2015.
  18. Golmohammadzadeh, R., Rashchi, F., and Vahidi, E., "Recovery of Lithium and Cobalt from Spent Lithium-ion Batteries using Organic Acids: Process Optimization and Kinetic Aspects", *Waste Management*, Vol. 64, pp. 244-254, 2017.
  19. Chen, X., Fan, B., Xu, L., Zhou, T., and Kong, J., "An Atom-economic Process for the Recovery of High Value-added Metals from Spent Lithium-ion Batteries", *Journal of Cleaner Production*, Vol. 112, pp. 3562-3570, 2016.
  20. Zeng, X., Li, J., and Shen, B., "Novel Approach to Recover Cobalt and Lithium from Spent Lithium-ion Battery using Oxalic Acid", *Journal of Hazardous Materials*, Vol. 295, pp. 112-118, 2015.
  21. Joo, S. H., Shin, D., Oh, C., Wang, J. P., and Shin, S. M., "Extraction of Manganese by Alkyl Monocarboxylic Acid in a Mixed Extractant from a Leaching Solution of Spent Lithium-ion Battery Ternary Cathodic Material", *Journal of Power Sources*, Vol. 305, pp. 175-181, 2016.
  22. Perry, D. L., *Handbook of Inorganic Compounds*, 2nd ed., CRC, New York, 2010.
  23. Yoshio, M., Brodd, R. J., and Kozawa, A., *Lithium-Ion Batteries*, Springer, New York, p. 10, 2009.